

注意 すべての問いについて、答えに $\sqrt{\quad}$ が含まれる場合は、 $\sqrt{\quad}$ を用いたままで答えなさい。

1 次の問いに答えなさい。

(1) $-6 - (-4)$ を計算しなさい。

(2) $\frac{1}{6} - \frac{5}{8}$ を計算しなさい。

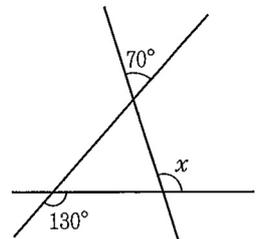
(3) $\sqrt{50} + \sqrt{8}$ を計算しなさい。

(4) $(a + b)^2 - 16$ を因数分解しなさい。

(5) 2次方程式 $x^2 - 5x - 1 = 0$ を解きなさい。

(6) 反比例 $y = \frac{a}{x}$ のグラフが、点 $(-3, 2)$ を通るとき、 a の値を求めなさい。

(7) 図のように、3つの直線が交わっている。 $\angle x$ の大きさは何度か、求めなさい。



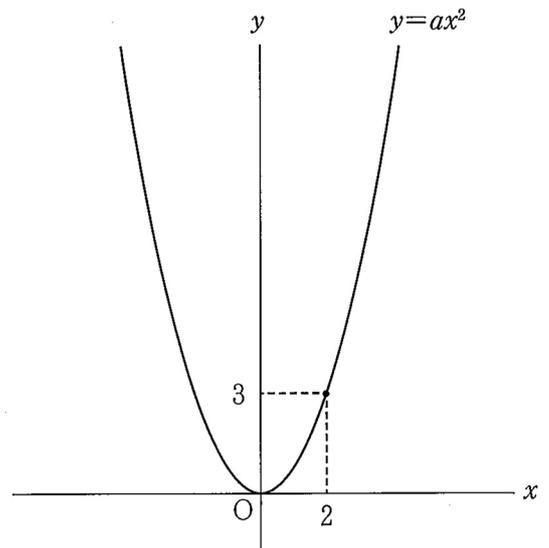
2 図のように、関数 $y = ax^2$ のグラフ上に点 $(2, 3)$ がある。次の問いに答えなさい。

(1) a の値を求めなさい。

(2) 次の ア \square と イ \square にあてはまる数をそれぞれ求めなさい。

関数 $y = ax^2$ において、 x の変域が $b \leq x \leq 2$ のときの y の変域は $0 \leq y \leq 3$ である。このとき、 b の値の範囲は ア $\square \leq b \leq$ イ \square である。

(3) 関数 $y = ax^2$ において、 x の変域が $-4 \leq x \leq 3$ のときの y の変域と、関数 $y = cx^2$ において、 x の変域が $-2 \leq x \leq 3$ のときの y の変域とが等しいとき、 c の値を求めなさい。



3 表は、クラスの生徒 40 人のうち欠席者を除く 35 人の通学時間について調査し、その結果から度数分布表をつくり、(階級値)×(度数)を計算する列を加えたものである。

次の問いに答えなさい。

- (1) 表の①にあてはまる数を求めなさい。
- (2) 表をもとに、35 人の通学時間の平均値は何分か、求めなさい。
- (3) 表から読み取れることを述べた文として正しいものを、次のア～オから 2 つ選んで、その符号を書きなさい。

階級(分)		度数(人)	(階級値)×(度数)
以上	未満		
0	～ 10	①	30
10	～ 20		
20	～ 30	9	225
30	～ 40	5	175
40	～ 50	5	225
計		35	

- ア 中央値(メジアン)は、10分以上 20分未満の階級に入っている。
 イ 最頻値(モード)は、10分以上 20分未満の階級に入っている。
 ウ 中央値と平均値は同じ階級に入っている。
 エ 最頻値と平均値は同じ階級に入っている。
 オ 40分以上 50分未満の階級の相対度数は 7 である。

- (4) 調査した日の欠席者 5 人の通学時間を調べたところ、5 人とも 30 分以上 50 分未満であった。この 5 人を合わせたクラスの生徒 40 人の通学時間を、上の表の階級を変えずにまとめなおし、その表をもとに 40 人の通学時間の平均値を求めるとちょうど 25 分になった。この 5 人のうち、通学時間が 40 分以上 50 分未満の生徒は何人か、求めなさい。

4 $\boxed{1}$, $\boxed{2}$, $\boxed{3}$, $\boxed{4}$, $\boxed{5}$ の5枚のカードがある。この5枚のカードをよくきってから1枚ずつ3回続けてひき、ひいた順に左から右に並べて3けたの整数をつくる。

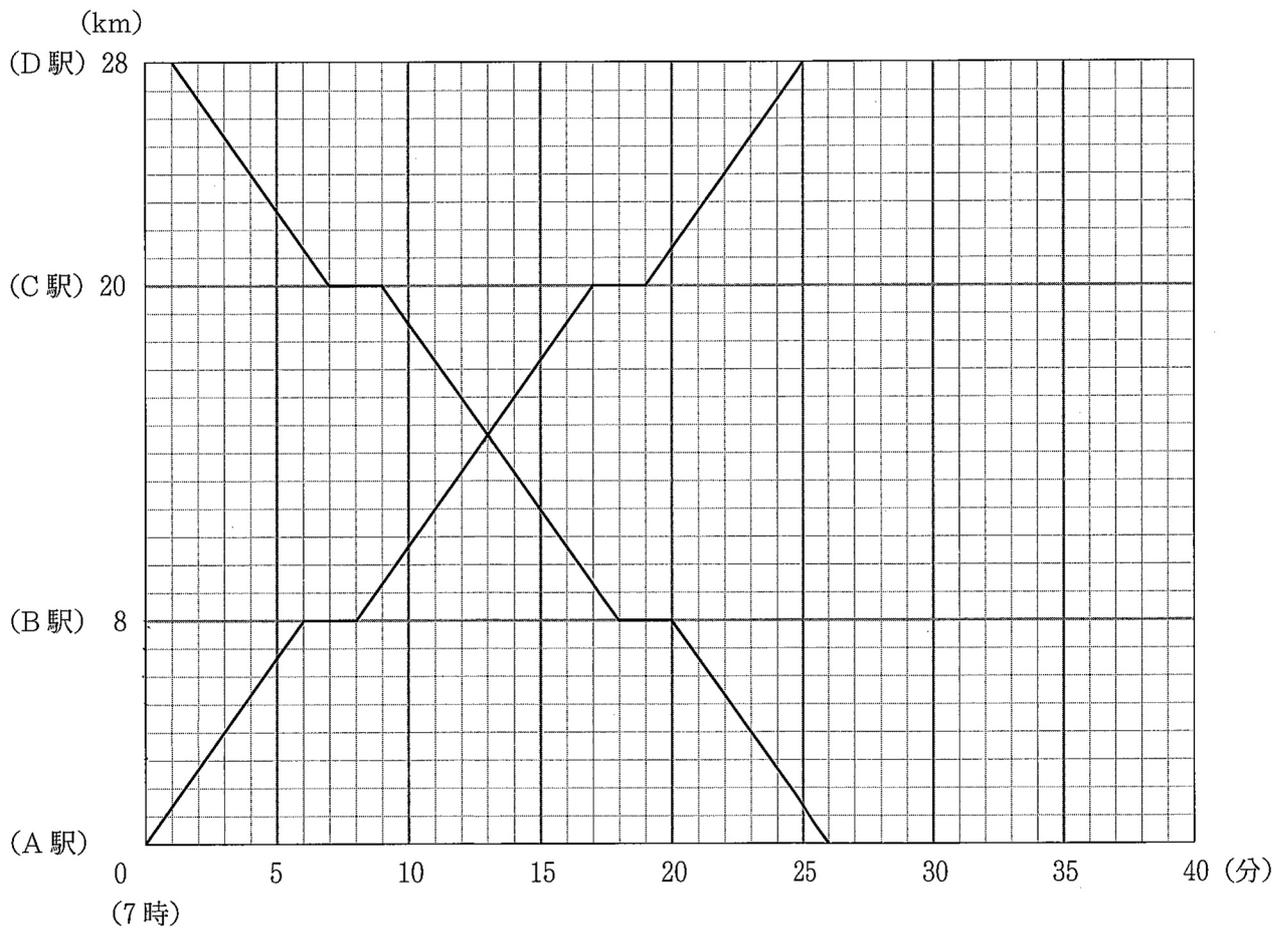
次の問いに答えなさい。

- (1) できる3けたの整数は全部で何通りあるか、求めなさい。
- (2) できる3けたの整数が350以上になる確率を求めなさい。
- (3) できた3けたの整数を a とする。 a の一の位の数と百の位の数を入れかえてできる整数を b とし、 $a - b$ の値について考える。例えば、 $\boxed{4}$, $\boxed{2}$, $\boxed{1}$ の順にカードをひいたとき、 $a - b = 421 - 124 = 297$ となる。
 - ① $a - b$ の値が100以上になる確率を求めなさい。
 - ② $a - b$ の値は何種類あるか、求めなさい。

5 A 駅と 28 km 離れた D 駅との間には、A 駅と 8 km 離れた B 駅、B 駅と 12 km 離れた C 駅がある。A 駅から D 駅に向かう普通列車、D 駅から A 駅に向かう普通列車はともに 5 分ごとに発車し、どの普通列車も同じ速さで運行している。また、どの普通列車も各駅で 2 分間停車する。図は A 駅を 7 時に発車し D 駅に向かう普通列車と、D 駅を 7 時 1 分に発車し A 駅に向かう普通列車の運行の様子を表したグラフである。

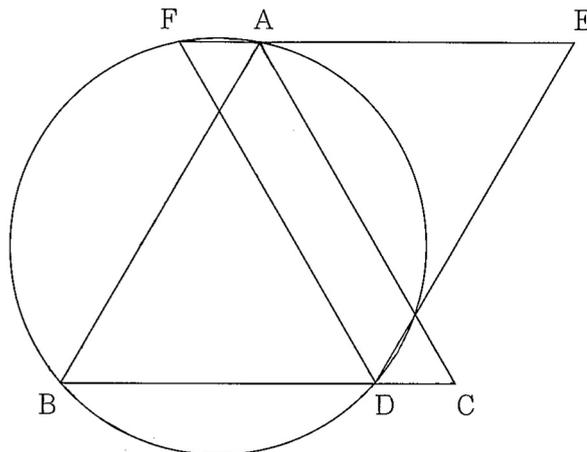
次の問いに答えなさい。ただし、列車の長さは考えないものとする。

- (1) 普通列車が走る速さは時速何 km か、求めなさい。
- (2) D 駅を 7 時 1 分に発車した普通列車が、A 駅を 7 時 15 分に発車した普通列車とすれちがう時刻は 7 時何分何秒か、求めなさい。
- (3) A 駅を 7 時 12 分に発車し、B 駅と C 駅に止まらずに D 駅に到着する特急列車を増発させる。この列車は、時速 100 km 以下の一定の速さで走る。また、前方の普通列車を追い越すことができるのは普通列車が駅に停車中のときのみで、同じ方向に走っている列車と列車との間の距離は 1 km 以上離れていなければならない。
 - ① D 駅に最も早く到着することができる特急列車の速さは時速何 km か、求めなさい。
 - ② ①の特急列車が D 駅に到着する時刻は 7 時何分何秒か、求めなさい。



6 1辺が10 cm の2つの正三角形 $\triangle ABC$ と $\triangle DEF$ がある。図のように、点Aが辺FE上、点Dが辺BC上にあり、 $BD = 8$ cm, $FE \parallel BC$ となるように $\triangle ABC$ と $\triangle DEF$ を重ね、3点A, F, Dを通る円をかいた。

次の問いに答えなさい。



(1) 四角形FDCAが平行四辺形であることを次のように証明した。 \square (i) ~ \square (iii) にあてはまるものを、あとのア~キからそれぞれ1つ選んでその符号を書き、この証明を完成させなさい。

<証明>

仮定から、 $FA \parallel DC$ ……①

平行線の \square (i) は等しいので、①から $\angle AFD = \angle FDB = 60^\circ$ ……②

②と $\angle ACB = 60^\circ$ より、 $\angle FDB = \angle ACB$ ……③

③より、 \square (ii) が等しいので、 $FD \parallel AC$ ……④

①, ④より、 \square (iii) から、四角形FDCAは平行四辺形である。

ア 対頂角 イ 同位角 ウ 錯角

エ 2組の対辺がそれぞれ平行である

オ 2組の対辺がそれぞれ等しい

カ 2組の対角がそれぞれ等しい

キ 1組の対辺が平行でその長さが等しい

(2) ADの長さは何cmか、求めなさい。

(3) 図の円の半径は何cmか、求めなさい。

(4) 図の円周上に、点Gを線分DGがこの円の直径となるようにとり、ABとDGの交点をHとする。

また、点Iを $\triangle GDI$ が正三角形となるように、直線GDについて点Bと反対側にとる。

① $\triangle GHA$ の面積は $\triangle HBD$ の面積の何倍か、求めなさい。

② $\triangle ABD$ と $\triangle GDI$ の重なった部分の面積は何 cm^2 か、求めなさい。

7 4種類の球 A, B, C, Dがある。A, B, C, Dの直径はそれぞれ 12 cm, 6 cm, 4 cm, 3 cmであり、どれも水に沈むものとする。

次の問いに答えなさい。ただし、円周率は π とする。

(1) Aの体積は何 cm^3 か、求めなさい。

(2) ある中学生が、次のようなレポートを書いた。レポートの内容が正しくなるように、, にあてはまる値と にあてはまる式を書き、 にあてはまるものを【I】のア、イから、 にあてはまるものを【II】のウ～オからそれぞれ1つ選んで、その符号を書きなさい。

「立方体の容器にちょうどはいる球を小さくしていくと、すき間の体積はどうなるか？」

1辺が 12 cm の立方体の容器と球のすき間の体積を調べるために、この容器に水をいっぱいまで入れることを考える。

図1のように、容器に A を 1 個入れるとき、この容器にはいる水の体積を計算すると cm^3 である。

次に、容器に、8 個の B, 27 個の C, 64 個の D を、図2のように、底面に並べる縦、横の個数と、積み重ねる段数をすべて同じにして、ちょうどはいるように入れる。同様の入れ方で、球の直径を小さくしていくとき、容器にはいる水の体積について予想を立てた。

《予想》 球の直径が小さいほど、容器にはいる水の体積は小さい。

この予想が正しいかどうかを確かめるために次のような計算をした。

直径が容器の 1 辺を x 等分したときの 1 つの長さと同じ球を x^3 個、図2と同様の入れ方で容器に入れるとき、球の直径は cm なので、この容器にはいる水の体積は cm^3 である。

《結論》 1 辺が 12 cm の立方体の容器にちょうどはいるように、直径が等しい球を入れるとき、《予想》は , この容器と球のすき間の体積は 。

図1

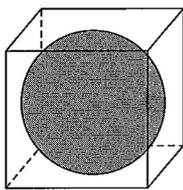
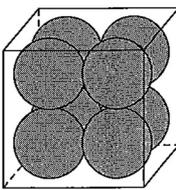
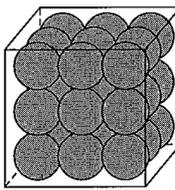


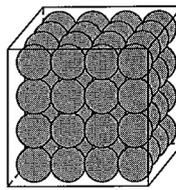
図2



Bを8個
入れるとき



Cを27個
入れるとき



Dを64個
入れるとき

【I】

- ア 正しく
- イ 間違っており

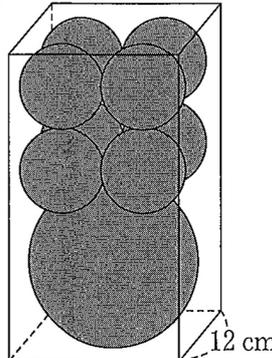
【II】

- ウ 球の直径が小さいほど大きい
- エ 球の直径が小さくなくても変わらない
- オ 球の直径が小さいほど小さい

(3) 図3のような、1個の A と 8 個の B がちょうどはいる 1 辺が 12 cm の正方形を底面とする正四角柱の容器を正面から見ると、図4のように見える。

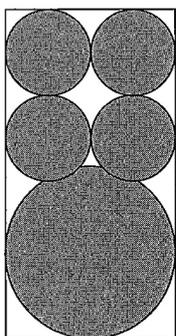
この容器の高さは何 cm か、求めなさい。

図3



12 cm

図4



↗ 正面

- 6 -

受検番号 番

平成28年度兵庫県公立高等学校学力検査

数学解答用紙

得点

1 [点]	(1)	
	(2)	
	(3)	
	(4)	
	(5)	$x =$
	(6)	$a =$
	(7)	度

3 [点]	(1)	
	(2)	分
	(3)	
	(4)	人

4 [点]	(1)	通り
	(2)	
	(3)	① ② 種類

5 [点]	(1)	時速	km	
	(2)	7時	分	秒
	(3)	①	時速	km
	(3)	②	7時	分

6 [点]	(1)	(i)	
	(1)	(ii)	
	(1)	(iii)	
	(2)		cm
	(3)		cm
	(4)	①	倍
(4)	②	cm^2	

7 [点]	(1)		cm^3	
	(2)	①		
	(2)	②		
	(2)	③		
	(3)	(i)	(ii)	
	(3)			cm

2 [点]	(1)	$a =$	
	(2)	ア	イ
	(3)	$c =$	